

平均値と実効値をMathcadで解く

実効値には意味があるが交流波形の平均値には余り意味は無い。絶対値平均を平均値とする場合に
 ついて、交流波形と脈流波形についてMathcadで解いてみる。

交流成分の波高値 $E_m := 2$

交流基本波成分のみで実効値はその $\sqrt{2}$ 分の1

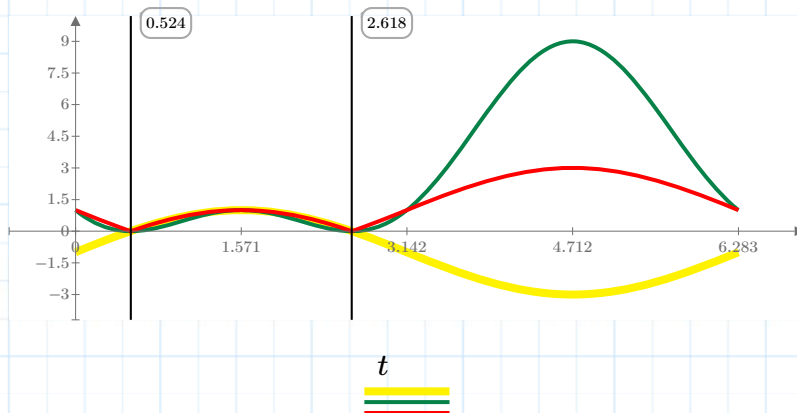
直流オフセット値 $E_0 := -1$

平均値指示型が正弦波の
 実効値を示す場合

Q-1 脈流波形とその2乗波形と絶対値波形をグラフ表示せよ。

$$y(t) := E_m \cdot \sin(t) + E_0$$

$$a := \left(\frac{\frac{2}{\pi}}{\frac{1}{\sqrt{2}}} \right)^{-1} \rightarrow \frac{\pi \cdot \sqrt{2}}{4}$$



$y(t)$
 $y(t)^2$
 $|y(t)|$

Q-2 平均値と実効値を求めよ。

$$\frac{2}{\pi} \cdot a = 0.707$$

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |y(t)| dt \right) \rightarrow \frac{7 \cdot \pi + 2 \cdot \sqrt{3}}{2 \cdot \pi} = 1.718$$

なぜか間違っている!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |E_m \cdot \sin(t)| dt + \int_0^{2 \cdot \pi} |E_0| dt \right) \rightarrow \frac{2 \cdot \pi + 8}{2 \cdot \pi} = 2.273$$

これは間違い!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(y(t))^2} dt \right) \rightarrow \frac{\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(2 \cdot \sin(t) - 1)^2} dt}{2 \cdot \pi} = 1.436$$

こうすれば正しい!

$$E_a \cdot a = 1.595$$

絶対平均値

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{\frac{1}{6} \cdot \pi} -y(t) dt + \int_{\frac{1}{6} \cdot \pi}^{\frac{5}{6} \cdot \pi} y(t) dt - \int_{\frac{5}{6} \cdot \pi}^{\frac{12}{6} \cdot \pi} y(t) dt \right) \rightarrow \frac{2 \cdot \pi + 4 \cdot \sqrt{3}}{2 \cdot \pi} = 1.436$$

RMS

各実効値の2乗和のルート

$$E := \sqrt{\frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \int_0^{2 \cdot \pi} y(t)^2 dt} \rightarrow \sqrt{3}$$

$$E := \sqrt{E_0^2 + \left(\frac{E_m}{\sqrt{2}} \right)^2} \xrightarrow{\text{simplify}} \sqrt{3} = 1.732$$

交流成分の波高値 $E_m := 2$

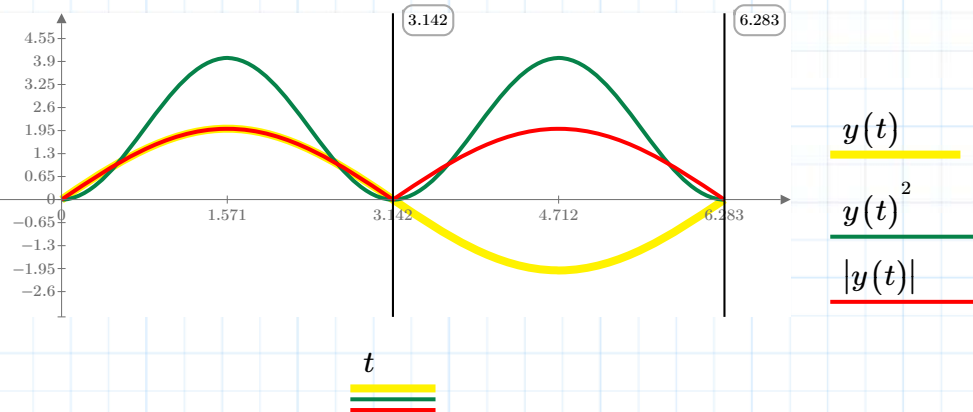
交流基本波成分のみで実効値はその $\sqrt{2}$ 分の1

直流オフセット値 $E_0 := 0$

Q-1 脈流波形とその2乗波形と絶対値波形をグラフ表示せよ。

$$y(t) := E_m \cdot \sin(t) + E_0$$

この波形が0となる時間は $7\pi/6, 11\pi/6$



Q-2 平均値と実効値を求めよ。

正しい!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |y(t)| dt \right) \rightarrow \frac{4}{\pi} = 1.273$$

これは間違い!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |E_m \cdot \sin(t)| dt + \int_0^{2 \cdot \pi} |E_0| dt \right) \rightarrow \frac{4}{\pi} = 1.273$$

こうすれば正しい!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(y(t))^2} dt \right) \rightarrow \frac{\int_0^{2 \cdot \pi} 2 \cdot \sqrt{\sin(t)^2} dt}{2 \cdot \pi} = 1.273$$

絶対平均値

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{\frac{6}{6} \cdot \pi} y(t) dt - \int_{\frac{6}{6} \cdot \pi}^{\frac{12}{6} \cdot \pi} y(t) dt \right) \rightarrow \frac{4}{\pi} = 1.273$$

$E_a \cdot a = 1.414$

$$E := \sqrt{\frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \int_0^{2 \cdot \pi} y(t)^2 dt} \rightarrow \sqrt{2}$$

RMS

$$E := \sqrt{E_0^2 + \left(\frac{E_m}{\sqrt{2}} \right)^2} \xrightarrow{\text{simplify}} \sqrt{2}$$

各実効値の2乗和のルート

交流成分の波高値 $E_m := 2$

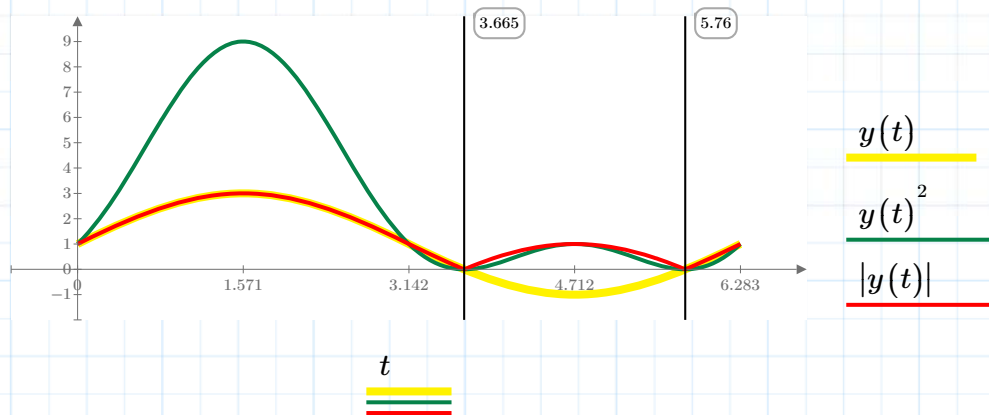
交流基本波成分のみで実効値はその $\sqrt{2}$ 分の1

直流オフセット値 $E_0 := 1$

Q-1 脈流波形とその2乗波形と絶対値波形をグラフ表示せよ。

$$y(t) := E_m \cdot \sin(t) + E_0$$

この波形が0となる時間は $7\pi/6, 11\pi/6$



Q-2 平均値と実効値を求めよ。

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |y(t)| dt \right) \rightarrow \frac{2 \cdot \sqrt{3} - 5 \cdot \pi}{2 \cdot \pi} = -0.282$$

なぜか間違っている!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |E_m \cdot \sin(t)| dt + \int_0^{2 \cdot \pi} |E_0| dt \right) \rightarrow \frac{2 \cdot \pi + 8}{2 \cdot \pi} = 2.273$$

これは間違い!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(y(t))^2} dt \right) \rightarrow \frac{\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(2 \cdot \sin(t) + 1)^2} dt}{2 \cdot \pi} = 1.436$$

$E_a \cdot a = 1.595$

絶対平均値

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{\frac{7}{6} \cdot \pi} y(t) dt - \int_{\frac{7}{6} \cdot \pi}^{\frac{11}{6} \cdot \pi} y(t) dt + \int_{\frac{11}{6} \cdot \pi}^{2 \cdot \pi} y(t) dt \right) \rightarrow \frac{2 \cdot \pi + 4 \cdot \sqrt{3}}{2 \cdot \pi} = 1.436$$

$$E := \sqrt{\frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \int_0^{2 \cdot \pi} y(t)^2 dt} \rightarrow \sqrt{3}$$

RMS

$$E := \sqrt{E_0^2 + \left(\frac{E_m}{\sqrt{2}} \right)^2} \xrightarrow{\text{simplify}} \sqrt{3} = 1.732$$

各実効値の2乗和のルート

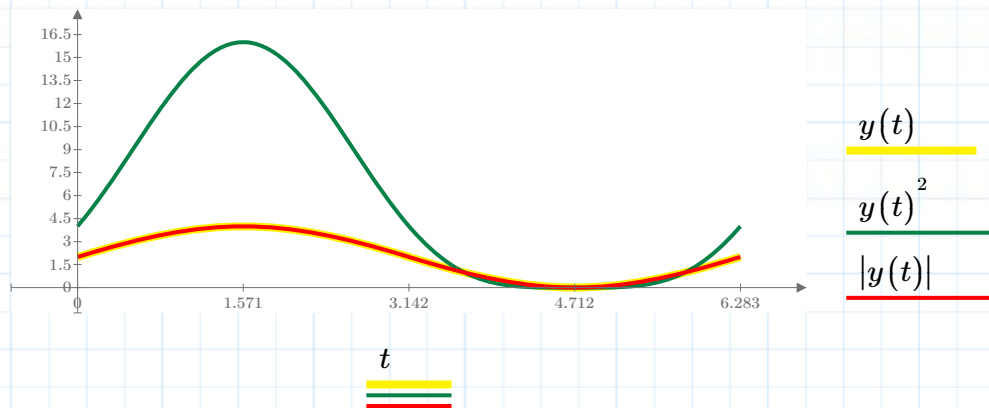
交流成分の波高値 $E_m := 2$

交流基本波成分のみで実効値はその $\sqrt{2}$ 分の1

直流オフセット値 $E_0 := 2$

Q-1 脈流波形とその2乗波形と絶対値波形をグラフ表示せよ。

$$y(t) := E_m \cdot \sin(t) + E_0$$



Q-2 平均値と実効値を求めよ。

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |y(t)| dt \right) \rightarrow 2 = 2$$

正しい!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |E_m \cdot \sin(t)| dt + \int_0^{2 \cdot \pi} |E_0| dt \right) \rightarrow \frac{4 \cdot \pi + 8}{2 \cdot \pi} = 3.273$$

これは間違い!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(y(t))^2} dt \right) \rightarrow \frac{\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(2 \cdot \sin(t) + 2)^2} dt}{2 \cdot \pi} = 2$$

こうすれば正しい!

$E_a \cdot a = 2.221$

絶対平均値

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} y(t) dt \right) \rightarrow 2 = 2$$

$$E := \sqrt{\frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \int_0^{2 \cdot \pi} y(t)^2 dt} \rightarrow \sqrt{6} = 2.449$$

RMS

$$E := \sqrt{E_0^2 + \left(\frac{E_m}{\sqrt{2}} \right)^2} \xrightarrow{\text{simplify}} \sqrt{6}$$

各実効値の2乗和のルート

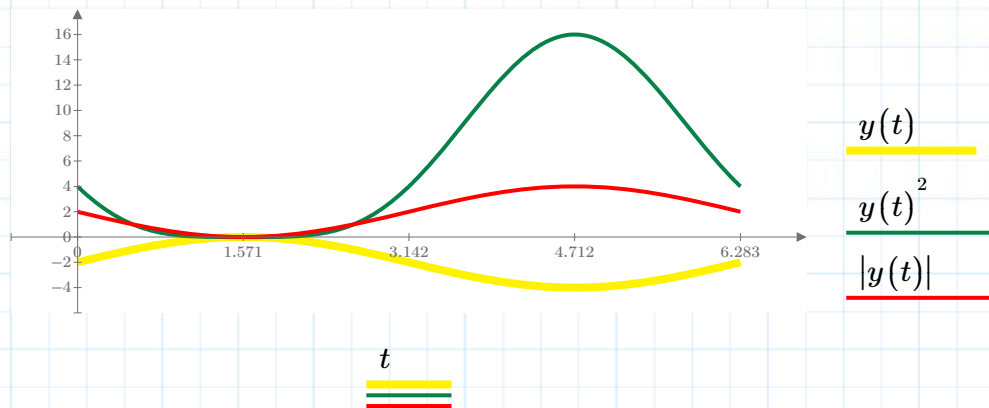
交流成分の波高値 $E_m := 2$

交流基本波成分のみで実効値はその $\sqrt{2}$ 分の1

直流オフセット値 $E_0 := -2$

Q-1 脈流波形とその2乗波形と絶対値波形をグラフ表示せよ。

$$y(t) := E_m \cdot \sin(t) + E_0$$



Q-2 平均値と実効値を求めよ。

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |y(t)| dt \right) \rightarrow 2 = 2$$

正しい!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |E_m \cdot \sin(t)| dt + \int_0^{2 \cdot \pi} |E_0| dt \right) \rightarrow \frac{4 \cdot \pi + 8}{2 \cdot \pi} = 3.273$$

これは間違い!

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(y(t))^2} dt \right) \rightarrow \frac{\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(2 \cdot \sin(t) - 2)^2} dt}{2 \cdot \pi} = 2$$

こうすれば正しい!

$E_a \cdot a = 2.221$

絶対平均値

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} -y(t) dt \right) \rightarrow 2 = 2$$

$$E := \sqrt{\frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \int_0^{2 \cdot \pi} y(t)^2 dt} \rightarrow \sqrt{6}$$

RMS

$$E := \sqrt{E_0^2 + \left(\frac{E_m}{\sqrt{2}} \right)^2} \xrightarrow{\text{simplify}} \sqrt{6}$$

各実効値の2乗和のルート

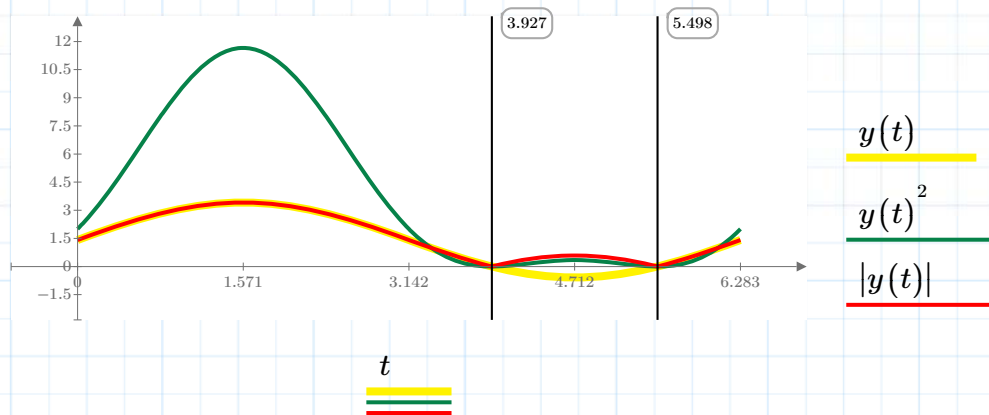
交流成分の波高値 $E_m := 2$

交流基本波成分のみで実効値はその $\sqrt{2}$ 分の1

直流オフセット値 $E_0 := \sqrt{2}$

Q-1 脈流波形とその2乗波形と絶対値波形をグラフ表示せよ。

$$y(t) := E_m \cdot \sin(t) + E_0$$



Q-2 平均値と実効値を求めよ。

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |y(t)| dt \right) \rightarrow -\frac{\sqrt{2} \cdot (3 \cdot \pi - 4)}{4 \cdot \pi} = -0.611$$

なぜか間違っている！

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} |E_m \cdot \sin(t)| dt + \int_0^{2 \cdot \pi} |E_0| dt \right) \rightarrow \frac{2 \cdot \pi \cdot \sqrt{2} + 8}{2 \cdot \pi} = 2.687$$

これは間違い！

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(y(t))^2} dt \right) \rightarrow \frac{\int_0^{2 \cdot \pi} \sqrt{(2 \cdot \sin(t) + \sqrt{2})^2} dt}{2 \cdot \pi} = 1.607$$

こうすれば正しい！

$E_a \cdot a = 1.785$

絶対平均値

$$E_a := \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\int_0^{\frac{5}{4} \cdot \pi} y(t) dt - \int_{\frac{5}{4} \cdot \pi}^{\frac{7}{4} \cdot \pi} y(t) dt + \int_{\frac{7}{4} \cdot \pi}^{\frac{8}{4} \cdot \pi} y(t) dt \right) \rightarrow \frac{\frac{3 \cdot \pi \cdot \sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2} \cdot (\pi - 4)}{2} + 2 \cdot \sqrt{2}}{2 \cdot \pi} = 1.607$$

$$E := \sqrt{\frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \int_0^{2 \cdot \pi} y(t)^2 dt} \rightarrow 2$$

RMS

$$E := \sqrt{E_0^2 + \left(\frac{E_m}{\sqrt{2}} \right)^2} \xrightarrow{\text{simplify}} 2$$

各実効値の2乗和のルート

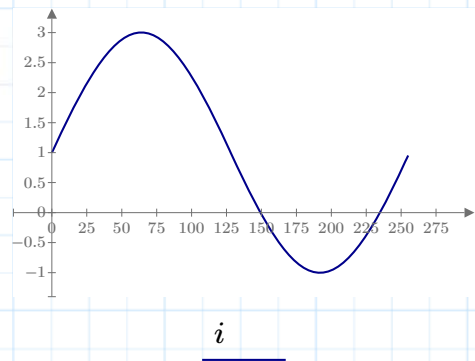
Q-3 実験データから平均値と実効値を求めよ。

ファイルを用いたMathcadの利用方法を使う
 まずはExcelファイルを配列Nに読み込む。入力／出力メニューを使う。

$$N := \text{READEXCEL}(\text{"rec1.xlsx"}, \text{"Sheet1!A1:A256"})$$

$$i := 0..255 \quad x(i) := N_i \quad x(0) = 1$$

配列は 1 - 2 5 6 ではなく 0 - 2 5 5 に入っている！



$$x(i) \quad x(255) = 0.951$$

$$x(256) = ?$$

$$E_a := \frac{1}{256} \cdot \sum_{i=0}^{255} |x(i)| = 1.436$$

絶対値の平均値(正しい値)

$$E_a \cdot a = 1.595$$

見かけの実効値

$$E_a := \frac{1}{128} \cdot \sum_{i=0}^{127} x(i) = 2.273$$

基本波の正の部分のみの平均値

$$E := \sqrt{\frac{1}{256} \cdot \sum_{i=0}^{255} x(i)^2} = 1.732$$

RMSによる実効値

$$E := \sqrt{(1)^2 + \left(\frac{2}{\sqrt{2}}\right)^2} = 1.732$$

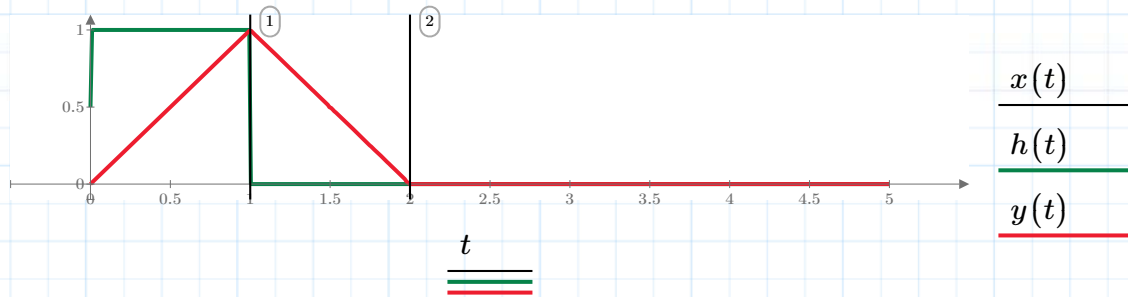
各実効値の2乗和のルート

`clear(t)` $x(t) := \Phi(t) - \Phi(t-1)$

$h(t) := \Phi(t) - \Phi(t-1)$

$y(t) := \int_0^t h(\tau) \cdot x(t-\tau) d\tau$ $\int_0^2 y(t) dt = 1$

正しい!



`clear(t)` $x(t) := \Phi(t) - \Phi(t-2)$

$h(t) := \Phi(t) - \Phi(t-1)$

$y(t) := \int_0^t h(\tau) \cdot x(t-\tau) d\tau$ $\int_0^3 y(t) dt = 1.986$

正しくない!

