

科目	数学	分野	微分積分	1 枚目	受験 番号		小計		分野計	
				3 枚中						

1

関数 $f(x) = e^{2x} - e^{-2x} - 4(x^2 + 1) \tan^{-1} x$ を微分せよ (5 点)

2

次の積分をもとめよ。(5 点 × 2)

(1) $\int \frac{x}{\sqrt{1-x^2}} dx$

(2) $\int_1^2 x^2 \log x dx$

3

極限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan^{-1} x}{e^x - e^{-x}}$ を求めよ。(5 点)

(前期, 先端融合テクノロジー連携教育プログラムを含む)

科目	数学	分野	微分積分	2枚目	受験 番号	小計
				3枚中		

4

関数 $f(x, y) = \frac{e^x - e^y}{e^x + e^y}$ を偏微分して f_x, f_y を求めよ。(5点×2)

5

極座標で表された曲線 $r = 1 - \cos \theta$, ($0 \leq \theta \leq 2\pi$) で囲まれた領域を D とする。 $\iint_D x dx dy$ を求めよ。(10点)

(前期, 先端融合テクノロジー連携教育プログラムを含む)

科目	数学	分野	微分積分	3枚目	受験 番号	小計
				3枚中		

6

2 曲線 $y = x^2 + 5x - 2$ と $y = -x^2 + 3x + 2$ で囲まれた図形を D とする。

(1) D の範囲を表す不等式を求めよ。(10 点)

(2) 重積分 $\iint_D x^2 dx dy$ を求めよ (10 点)

科目	数学	分野	線形代数	1枚目	受験 番号		小計		分野計	
				2枚中						

1

行列 $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 4 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ がある。

(1) 行列式 $|A|$ を求めよ。(5点)

(2) A の逆行列を求めよ。(5点)

(前期, 先端融合テクノロジー連携教育プログラムを含む)

科目	数学	分野	線形代数	2枚目	受験 番号	小計
				2枚中		

2

行列 $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$ が表す一次変換の固有値と固有ベクトルを求めよ (10点)

(前期, 先端融合テクノロジー連携教育プログラムを含む)

科目	数学	分野	微分方程式	1 枚目	受験 番号	小計	分野 計
				2 枚中			

1

次の微分方程式の解をもとめよ。(5点×2)

(1) $\frac{dx}{dt} - x = \frac{1}{t}e^t$

(2) $\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{dx}{dt} = \sin t$

(前期, 先端融合テクノロジー連携教育プログラムを含む)

科目	数学	分野	微分方程式	2枚目	受験 番号	小計
				2枚中		

2

与えられた条件で次の微分方程式の特殊解を求めよ。(5点×2)

(1) $t^2 \frac{dx}{dt} - x^2 = 0$, ($t = 1$ のとき $x = \frac{1}{2}$)

(2) $\frac{d^2x}{dt^2} - 5x = 0$, ($t = 0$ のとき $x = 5$, $\frac{dx}{dt} = \sqrt{5}$)

科目	数学	分野	応用数学	1 枚目	受験 番号		小 計		分 野 計	1 枚目のみ
				1 枚中						

1 4点 $O(0,0,0), A(2,1,0), B(1,3,2), C(1,1,3)$ がある.

- (1) 三角形 OAB の面積を求めよ
- (2) OA, OB, OC を 3 辺とする平行六面体の体積を求めよ
- (3) $(\overrightarrow{OA} + 2\overrightarrow{OB}) \times (3\overrightarrow{OA} + 4\overrightarrow{OB})$ を求めよ
- (4) $\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}$ に平行で C 点を通る平面の式を求めよ

(10 点)

2 $\mathbf{a} = x\mathbf{i} - y\mathbf{j} + z\mathbf{k}$ とする. 経路 $C: \mathbf{r} = k\cos t\mathbf{i} + k\sin t\mathbf{j} + t\mathbf{k}$ ($0 \leq t \leq \frac{\pi}{2}, k$ は正の定数) に沿って \mathbf{a} の線積分を求めると

$$\int_C \mathbf{a} \cdot d\mathbf{r} = 0$$

となるとき k を求めよ.

(10 点)