

科目	数学	分野	微分積分	1枚目	受験 番号		小計		分野計	
				3枚中						

1

$x > \sqrt{2}$  のとき関数  $f(x) = \cos^{-1} \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}}$  を微分せよ。(5点)

2

次の積分をもとめよ。(5点×2)

(1)  $\int_1^2 (-x^4 + 5x^3 - 9x^2 + 7x - 2) dx$

(2)  $\int (x + 1) \log x dx$

科目	数学	分野	微分積分	2枚目	受験 番号	小計
				3枚中		

3

極限  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\tan^{-1} x - x}$  を求めよ。(5点)

4

関数  $f(x, y) = \frac{x - y}{xy - 1}$  を偏微分して  $f_x, f_y$  を求めよ。(5点 × 2)

5

$x$  軸、 $y$  軸、直線  $x = \frac{\pi}{4}$ ,  $y = \frac{\pi}{4}$  で囲まれた領域を  $D$  とする。 $\iint_D \cos(x + y) dx dy$  を求めよ。(10点)

科目	数学	分野	微分積分	3枚目	受験 番号	小計
				3枚中		

## 6

(1)  $x, y$  は正の実数とする。 $u = xy, v = \frac{y}{x}$  と変数の組  $(x, y)$  を変数の組  $(u, v)$  に変換するときのヤコビアンを求めよ (10点)

(2)  $1 \leq xy \leq 2, \frac{1}{2} \leq \frac{y}{x} \leq 1$  で表される領域を  $D$  とする。重積分  $\iint_D e^{xy} dx dy$  を求めよ。(10点)

科目	数学	分野	線形代数	1枚目	受験 番号		小計		分野計	
				2枚中						

1

行列  $A = \begin{pmatrix} a & 2 & 1 \\ 4 & -3 & 2 \\ 1 & -1 & 5 \end{pmatrix}$  がある。

(1) 行列式  $|A|$  を求めよ (5点)

(2)  $a = -3$  のとき  $A$  の逆行列をもとめよ。(5点)

科目	数学	分野	線形代数	2枚目	受験 番号	小計
				2枚中		

2

行列  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$  が表す一次変換の固有値と固有ベクトルを求めよ (10点)

科目	数学	分野	微分方程式	1枚目	受験 番号		小計		分野計	
				2枚中						

1

次の微分方程式の解をもとめよ。(5点×2)

(1)  $\frac{dx}{dt} = x(\log t + 1)$

(2)  $\frac{d^2x}{dt^2} + 4\frac{dx}{dt} + 5x = 0$

科目	数学	分野	微分方程式	2枚目	受験 番号	小計
				2枚中		

## 2

与えられた条件で次の微分方程式の特殊解を求めよ。(5点×2)

(1)  $t \frac{dx}{dt} = 2x + t^3, (t = 1 \text{ のとき } x = 3)$

(2)  $\frac{d^2x}{dt^2} - 7 \frac{dx}{dt} + 10x = 10t^3 - 21t^2 + 6t, (t = 0 \text{ のとき } x = 0, \frac{dx}{dt} = -3)$

科目	数 学	分野	応用数学	1 枚目	受験 番号	小 計	分 野 計
				1 枚中			

1  $\mathbf{a} = \mathbf{j} + 2\mathbf{k}$ ,  $\mathbf{b} = p\mathbf{i} + \mathbf{k}$ ,  $\mathbf{c} = 2\mathbf{i} + \mathbf{j} + \mathbf{k}$  とする. 以下のそれぞれの場合に定数  $p$  を求めよ.

(10 点)

- (1)  $\mathbf{a}$  と  $\mathbf{b}$  のなす角が  $\frac{\pi}{4}$  であるとき
- (2)  $\mathbf{a}$  と  $\mathbf{b}$  を 2 辺とする平行四辺形の面積が 6 であるとき
- (3)  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$  を 3 辺とする平行六面体の体積が 5 であるとき
- (4) ベクトル  $\mathbf{c}$  が  $\mathbf{a}$  と  $\mathbf{b}$  で作られる平面上にあるとき

2 ベクトル場  $\mathbf{a} = z^2x\mathbf{i} + x^2y\mathbf{j} + y^2z\mathbf{k}$  とする.

点  $P(1,0,1)$  から点  $Q(0,2,2)$  に至る直線的な経路に沿って  $\text{div} \mathbf{a}$  の線積分

$$\int_{PQ} \text{div} \mathbf{a} \cdot ds$$

を求めよ. ただし  $s$  は弧長とする. (10 点)