

正規表現

アルファベット Σ 上の正規表現 S と

S が表現する言語 $L(S)$ は

(1) ϕ は正規表現, $L(\phi) = \phi$

(2) ε は正規表現, $L(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$

(3) $a \in \Sigma$ なら a は正規表現, $L(a) = \{a\}$

(4) R_1 と R_2 が正規表現なら,

$(R_1 + R_2)$, $(R_1 R_2)$, (R_1^*) も正規表現

$$L((R_1 + R_2)) = L(R_1) \cup L(R_2)$$

$$L((R_1 R_2)) = L(R_1) L(R_2)$$

$$L((R_1^*)) = (L(R_1))^*$$

例

$$((0(1^*)) + 0)$$

(3)より, _____ は 正規表現

(4)より, _____

(4)より, _____

(4)より, _____

優先度: $*$, $\cdot$, $+$ とする

$$((0(1^*)) + 0) = \underline{\hspace{2cm}}$$

結合律が成り立つ

$$((0 + 1) + 2)^* = \underline{\hspace{2cm}} \text{ とかける}$$

例題2.1 次の正規表現は, どんな言語を表現しているか

(i) $R_1 = \phi^*$

(ii) $R_2 = ((0 + \varepsilon)^* + (001+11)^*)\phi$

(iii) $R_3 = (0 + 1)^* 000 (0+1)^*$

例題2.2 $R_4 = c^*(a+bc^*)^*$

$\Leftrightarrow L(R_4)$ は, ac を含まない $\{a, b, c\}$ 上の列全体

$\Rightarrow$

$L(R_4) =$

$\Leftarrow$

「区切り」

区切り間の部分列を y とすると

(1) y の右端が a $\rightarrow$

(2) y の右端が b $\rightarrow$

(3) y の右端が c $\rightarrow$

例題2.3 $L(R) = \{x \mid x \in \{0, 1\}^* \text{ かつ } \#_1(x) \text{ が偶数}\}$

$\#_1(x)$: x 中の 1 の個数

例 $x = 001001011101000$

$R =$

0と1がともに偶数

$|x|$ は偶数, 2個ずつ区切ると

00, 01, 10, 11

定理2.1

言語 L_1 と L_2 が正規表現で表現できるなら

$L_1 \cup L_2$, $L_1 L_2$, L_1^* も正規表現で表現できる

正規表現の定義より明らか