

等価な状態

fa $M = (K, \Sigma, \delta, s_0, F)$ の 2 つの状態 s_1, s_2 は

任意の列 $x \in \Sigma^*$ に対して $\delta(s_1, x) \in F$ のとき
またそのときに限って $\delta(s_2, x) \in F$ である

とき、等価である。

定理2.3

- (i) fa M が等価な 2 個の状態を有するなら
M と同じ言語を認識し、状態数が M より 1 個少ない
fa M' が存在する
 - (ii) fa M (初期状態から到達できない状態は存在しない) に対し
同じ言語を認識して状態数がより少ない fa M' が存在するなら、
M には必ず等価な 2 個の状態が存在する
- (i) s_1, s_2 が等価とする。
- _____

- (ii) [鳩の巣原理]

M : 状態数 $n \rightarrow$ _____

M' : 状態数 $n - 1 \rightarrow$ _____ を入力すると、 $\delta'(s'_0, x_i) = \delta'(s'_0, x_j)$

となる i, j が存在。よって、_____ は等価

例題2.6 fa M の 2 つの状態 s_1, s_2 が等価かどうか調べる方法

M と M の _____ をつくる

初期状態は _____

初期状態から到達できない状態を _____

残った状態 (s_i, s_j) を調べ、

一方が _____, 他方が _____ のものがあれば

(s_1, s_2) は非等価

定理2.4

Σ 上の言語 L が fa で認識できるなら

L の補集合 $\Sigma^* - L$ も fa で認識できる

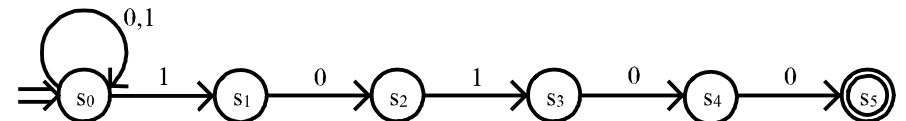
非決定性有限オートマトン nfa

(今までののは決定性 fa, dfa)

次の状態が 1 つとは限らない $\rightarrow$ _____

$\delta : K \times \Sigma \rightarrow$ _____

nfa M_2



$\delta(s_0, 1) =$ _____, $\delta(s_0, 0) =$ _____,

$\delta(s_1, 1) =$ _____, ...

状態遷移関数の拡張

$$\hat{\delta} : K \times \Sigma^* \rightarrow 2^K$$

[定義]

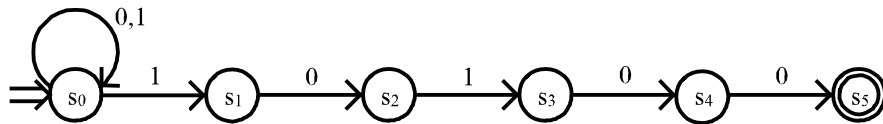
$s \in K, a \in \Sigma, x \in \Sigma^*$ に対して

$$\hat{\delta}(s, \varepsilon) = \{s\},$$

$$\hat{\delta}(s, xa) = \{q \mid p \in \hat{\delta}(s, x) \text{ かつ } q \in \delta(p, a) \text{ である } p \text{ が存在する}\}$$

入力列 x は $\delta(s_0, x)$ が _____ を含むとき
受理される

M_2 は, _____ で終わる列を受理する



例題2.7 $\{x111 \mid x \in \{0, 1\}^*\}$ を認識する nfa, dfa

nfa



dfa



例題2.8 M_2 と同じ言語を認識する dfa



例題2.9 M_2 が認識する言語の補集合を認識する nfa



→ 例題2.8 の dfa を用いて
受理・非受理を反転

(定理2.4 が成立しない訳ではない)

ε 入力付き非決定性有限オートマトン ε nfa

ε 入力 $\rightarrow$ _____ 状態遷移可能

$$\delta : K \times (\Sigma \cup \{\varepsilon\}) \rightarrow 2^K$$

様相 (x, p) x : まだ読んでいない列

p : その時の状態

$c_1 = (x_1, p_1), c_2 = (x_2, p_2)$ に対し

(i) $x_1 = x_2$ かつ $p_2 \in \delta(p_1, \varepsilon)$ の時の状態 $\Leftrightarrow$ _____

または

(ii) $\exists a \in \Sigma, x_1 = ax_2$ かつ $p_2 \in \delta(p_1, a)$ _____

$c_0 \Rightarrow c_1 \Rightarrow \dots \Rightarrow c_k$ のとき, _____

列 x は, $\exists s_F \in F, (x, s_0) \xRightarrow{*} (\varepsilon, s_F)$ であるとき, _____